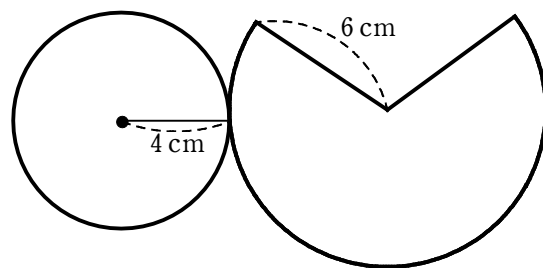


1 次の各問いに答えなさい。

- (1) $2^3 \times (-3)^2 \div (-4^2)$ を計算しなさい。
- (2) $x^3 y^2 z \div \left(\frac{1}{3xy^2z^3}\right)$ を計算しなさい。
- (3) $\frac{3x-4y}{3} - \frac{2x+y}{7}$ を計算しなさい。
- (4) 2次方程式 $2x^2 - 6x + 4 = 0$ を解きなさい。
- (5) 連立方程式 $\begin{cases} 2x - 3y = 3 \\ \frac{x-y}{4} = \frac{y}{2} \end{cases}$ を解きなさい。
- (6) $\sqrt{45} - 5\sqrt{20} + 4\sqrt{5}$ を計算しなさい。

2 次の各問いに答えなさい。

- (1) 2枚の硬貨 A, B を同時に投げます。2枚とも表になる確率を求めなさい。
- (2) 1次関数 $y = -4x + 15$ について、 x の値が -1 から 2 まで増加するとき、 y の増加量を求めなさい。
- (3) 正十角形の1つの外角の大きさを求めなさい。
- (4) 右の図は、円すいの展開図である。
この円すいの表面積を求めなさい。



- (5) 連続する3つの自然数があり、「もっとも大きい数の2乗」と「残りの2つの数の積」の和が56であるという。もっとも小さい自然数を x として、方程式をつくると下のようになった。
 a, b, c の値を求めなさい。
 $ax^2 + bx + c = 56$

3 次のデータは、ある運動競技会に参加した6人のある種目の得点です。

14.6 13.0 12.6 12.3 13.7 12.4 (単位は点)

このとき、次の各問いに答えなさい。

- (1) このデータの平均値を求めなさい。
- (2) このデータの中央値と範囲をそれぞれ求めなさい。
- (3) 上記の6個の数値のうち1個が誤りであることがわかりました。
正しい数値に基づく中央値と平均値は、それぞれ12.5点と12.9点でした。
誤っている数値を選び、正しい数値を求めなさい。

4 表1 および表2 はかけ算の九九の表である。次の各問いに答えなさい。


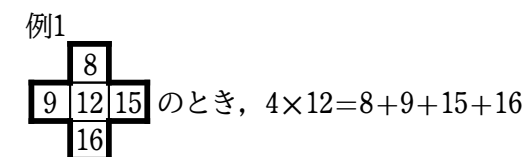

- (1) 表1の中で、例1のように  の形で5つの数を囲むとき、中央の数を4倍した数と、その他の4つの数の和は等しくなる。中央の数以外の数の和が40の倍数になる例1の枠の囲み方は何通りありますか。

表1

		かける数								
		1	2	3	4	5	6	7	8	9
か け ら れ る 数	1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	2	2	4	6	8	10	12	14	16	18
	3	3	6	9	12	15	18	21	24	27
	4	4	8	12	16	20	24	28	32	36
	5	5	10	15	20	25	30	35	40	45
	6	6	12	18	24	30	36	42	48	54
	7	7	14	21	28	35	42	49	56	63
	8	8	16	24	32	40	48	56	64	72
	9	9	18	27	36	45	54	63	72	81



 の部分の12は、
かける数が4、
かけられる数が3で
 4×3 を表している。

- (2) 表2のように、対角線上にある数(4, 9, ..., 64)とそれぞれの数の斜めの位置にある数(3, 8, ..., 63)との差は1である。... (*)

例えば、対角線上の数を9とすると、その斜めの位置にある数は8であり、その差は1である。

賢さんと明さんは、(*)が正しいことを説明しようとしています。以下の二人の会話を読んで、(ア)~(エ)に入る記号を[選択肢]①~⑧から選びなさい。

[二人の会話]

(賢さん)「表2の対角線上にある数(4, 9, ..., 64)に注目すると、その数と斜めの位置にある数との差は1になるみたいだね。このことが正しいことを説明しよう。」

(明さん)「まず、対角線上の数を文字式で表そう。かける数を n とするとき、対角線上の数は(ア)となるよ。」

(賢さん)「(ア)の右斜め上の位置にある数は、かける数が(イ)、かけられる数が(ウ)となるので(エ)になるね。」

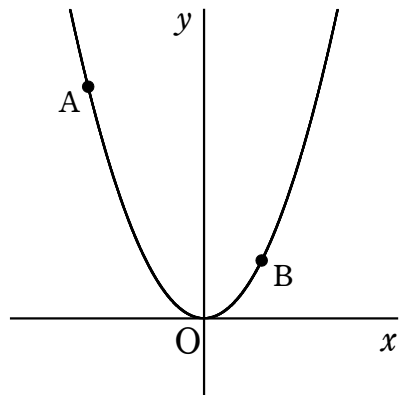
(明さん)「(ア)と(エ)の差は、(ア)-(エ)=1となる。(ア)と(ア)の左斜め下の位置にある数に対しても同じことが言えるね。」

表2

		かける数								
		1	2	3	4	5	6	7	8	9
か け ら れ る 数	1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	2	2	4	6	8	10	12	14	16	18
	3	3	6	9	12	15	18	21	24	27
	4	4	8	12	16	20	24	28	32	36
	5	5	10	15	20	25	30	35	40	45
	6	6	12	18	24	30	36	42	48	54
	7	7	14	21	28	35	42	49	56	63
	8	8	16	24	32	40	48	56	64	72
	9	9	18	27	36	45	54	63	72	81

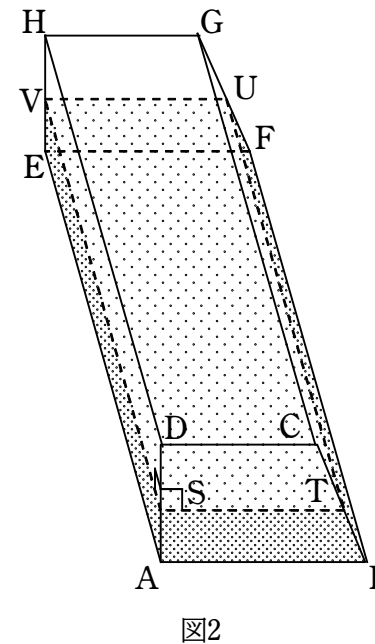
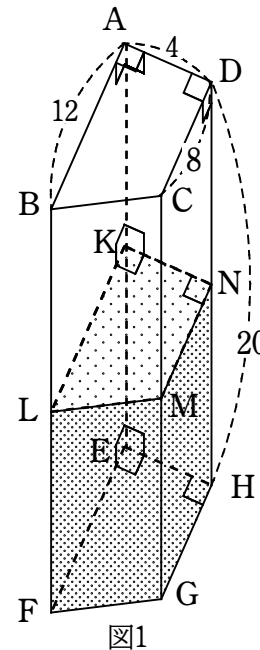
- [選択肢] ① n ② n^2 ③ n^3 ④ $n+1$
 ⑤ $n-1$ ⑥ n^2+1 ⑦ n^2-1 ⑧ n^2+n+1

- 5 右の図で、点A, Bは、放物線 $y = \frac{1}{3}x^2$ 上の点で、点A, Bの x 座標はそれぞれ $-6, 3$ である。
このとき、次の各問いに答えなさい。



- (1) 直線ABの式を求めなさい。
- (2) $\triangle AOB$ の面積を求めなさい。
- (3) $\triangle ACB$ と $\triangle AOB$ の面積が等しくなるように、点Cを放物線上のOからAまでの部分にとるとき、点Cの座標を求めなさい。
- (4) (3)で求めた点Cを通り、 $\triangle ACB$ の面積を二等分する直線の式を求めなさい。

- 6 図1, 2は底面を台形とする四角柱 $ABCD-EFGH$ である。図1は面 $EFGH$ を水平な地面に置き一定量水が入った図である。図2は面 $AEFB$ を水平な地面に置いた図である。図1, 2では水の量は変えないものとし、面 $KLMN$ と面 $STUV$ は水面を表している。次の各問いに答えなさい。
ただし、容器の厚みは考えないものとします。



- (1) 図1で $BL:LF=3:2$ となるように水を入れました。
 - (ア) 水が入っている体積を求めなさい。
 - (イ) 図2のASの長さを求めなさい。
- (2) 図3は底面BCDと辺ABが垂直で、辺BCと辺BDが垂直であるような三角すいABCDであり、底面BCDを水平な地面に置いているものである。図1の水をすべて図3の容器に入れます。
水が入っている部分の高さを求めなさい。

